

:

التمرين 1

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{1}{4} \cdot u_n + \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^n \end{cases}$$

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة ب:

1 - أحسب: u_1 و u_2 2 - نضع: $v_n = u_n - \left(\frac{3}{4}\right)^n$ أ - بين أن: (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{4}$ ب - حدد v_n بدلالة n ج - أحسب المجموع: $S_n = \sum_{k=0}^n v_k$ ثم استنتج المجموع: $S'_n = \sum_{k=0}^n u_k$ بدلالة n

التمرين 2

$$\begin{cases} u_0 = \frac{2}{3} \\ u_{n+1} = \frac{2n+2}{3n} \cdot u_n \end{cases}$$

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة ب:

1- أحسب u_2 2- نضع: $v_n = \frac{1}{n} \cdot u_n$ 3 - بين أن: (v_n) متتالية هندسية أمحددا أساسها والحد الأول4 - أكتب v_n ثم u_n بدلالة n 5 - أحسب المجموع: $S_n = \sum_{k=1}^n \frac{u_k}{k}$ ثم $P_n = \frac{\prod_{i=1}^n u_i}{n!}$ بدلالة n

09-1-6

مرجع 4 نقط

تمرينين

السلسلة 9 و 1 و 2

09-1-7

درس تحليلية الجداء السلمي

الصيغة التحليلية للجداء السلمي ومنظم متجهة

09-1-10
تتمة تصحيح التمرين 2
ثم تمارين السلسلة 10

09-1-13
تتمة الدرس
المستقيم في المستوى
الدائرة دراسة تحليلية

09-1-14
تمارين على الجداء السلمي السلسلة 10



1

B A . (D)

f(M)=2MA²+MB² : IR (D) f

{A(2),B(1)} : G

f(M)=3.MG²+ $\frac{2}{3}$ AB² : (1)

f(M)=f(H)+3.MH² : (D) G H (2)

.H f

2

: IR f . G ABC

$f(M) = MA^2 + MB^2 + MC^2$

$f(M) = f(G) + 3.MG^2$: f M (1)

G ABC f (2)

a (3)

3

: M(x,y,z) (C_m)

$x^2+y^2-4(m+2)x-2(m-1)y+10m+9=0$

IR m (C_m) (1)

A(1,2) (C_k) (2)

IR m (C_m) (3)

J I (C_m) (4)

x+y-4=0: (Δ) (C_m) (5)

(C_m) (D) (6)

09-1-16
تمرين
حزمة دوائر السلسلة 10

الفرض الثالث

التمرين 1 الجزء الأول

1.5 في المستوى \mathfrak{P} المنسوب لمعلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) نعتبر النقط : $A(2,3)$ و $B(-2,-1)$ و $C(6,-1)$

1- أحسب : $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$ و AB و AC ثم استنتج طبيعة المثلث ABC

0.5 2- ليكن G مرجح النظمة $\{(A,1); (B,-1); (C,1)\}$

1 أ- حدد إحداثيات النقطة G

ب- تحقق أن $ABCG$ متوازي أضلاع

3- أ- لتكن \mathbb{R} مجموعة النقط M من المستوى التي تحقق : $MA^2 - MB^2 + MC^2 = AB^2 + BC^2$

1 ب- تحقق أن $B \in \mathbb{R}$ ثم حدد طبيعة المجموعة \mathbb{R} وعناصرها المميزة.

الجزء الثاني

0.5 1- لتكن (C) الدائرة التي مركزها $\Omega(2,-1)$ وشعاعها $R = 4$

0.5 أ- بين أن (C) هي الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

0.5 ب- حدد معادلة ديكارتية للدائرة (C)

1 2- أ- تحقق أن النقطة $D(2 + 2\sqrt{2}, -1 + 2\sqrt{2})$ تنتمي إلى الدائرة (C)

ب- حدد معادلة ديكارتية للمماس للدائرة (C) في النقطة D

1 3- أ- تحقق أن النقطة $E(-6,0)$ توجد خارج الدائرة (C)

1 ب- حدد معادلتى المماسين للدائرة (C) المارين من النقطة E

4- نعتبر المستقيم (D) ذو معادلة ديكارتية : $x + y + 3 = 0$

أ- أثبت أن المستقيم (D) يقطع الدائرة (C) في نقطتين يجب تحديدهما

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4x + 2y - 11 \leq 0 \\ x + y + 3 \geq 0 \end{cases}$$

ب- حل مبيانيا النظمة :

التمرين 2

0.5 1 المستوى منسوب لمعلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) . m عدد حقيقي .

0.5 نعتبر (C_m) مجموعة النقط $M(x, y)$ التي تحقق : $x^2 + y^2 - 2mx + 2my + 4m - 2 = 0$

1 1- أ- حدد المجموعة (C_1)

1 ب- بين أن (C_m) دائرة لكل m من $\mathbb{R} \setminus \{1\}$

2- أ- حدد مجموعة مراكز الدوائر (C_m) .

ب- بين أن جميع الدوائر تمر من نقطة ثابتة I يتم تحديدها

ج- أنشئ الدوائر (C_0) و (C_2) و (C_{-1}) والمستقيم (D) ذو معادلة ديكارتية $x - y - 2 = 0$

د- بين أن جميع الدوائر (C_m) مماسة للمستقيم (D) .

التمرين 3

$$\begin{cases} a_0 = 0 \\ b_0 = 1 \end{cases} \text{ و } \begin{cases} a_{n+1} = \frac{3a_n + b_n}{4} \\ b_{n+1} = \frac{a_n + b_n}{2} \end{cases} \quad (\forall n \in \mathbb{N})$$

تعتبر المتتاليتين (a_n) و (b_n) المعرفتين ب: $(\forall n \in \mathbb{N})$

1- أحسب a_1 و a_2 و b_1 و b_2

2- نعتبر المتتالية (c_n) المعرفة ب: $c_n = 2a_n + b_n$

بين أن (c_n) متتالية ثابتة محددًا قيمتها.

3- نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة ب: $u_n = a_n - b_n$

أ- بين أن (u_n) متتالية هندسية محددًا أساسها وحدها الأول

ب- أحسب u_n بدلالة n ثم استنتج a_n و b_n بدلالة n .

4-أ- أحسب المجموع: $S_n = \sum_{i=0}^n u_i$ بدلالة n

ب- استنتج المجموع: $T_n = \sum_{i=0}^n a_i$ بدلالة n

Fin

التمرين 4

ABC مثلث. لتكن I ممتالة النقطة A بالنسبة للنقطة B والنقطة J بجيبث: $\overrightarrow{AJ} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AC}$

نعتبر النقطة K مرجح النظمة $\{(B, -2); (C, 3)\}$

1- أرسم الشكل

2- بين أن النقطة I هي مرجح للنقطتين A و B وأن النقطة J هي مرجح للنقطتين A و C

3- لتكن G مرجح النظمة $\{(A, 1); (B, -2); (C, 3)\}$

4- بين أن المستقيمات (CI) و (AJ) و (BK) تتلاقى في النقطة

التمرين 5

نضع: $A(x) = \cos x + \cos(2x) + \dots + \cos(nx)$ و $B(x) = \sin^2 x + \sin^2(2x) + \dots + \sin^2(nx)$

حيث n عدد صحيح طبيعي غير منعدم و $x \neq 2k\pi$

1- بين أن: $\forall p \in \mathbb{N}^* : 2 \sin\left(\frac{x}{2}\right) \cos(px) = \sin\left(\frac{2p+1}{2}x\right) - \sin\left(\frac{2p-1}{2}x\right)$

2- استنتج أن: $2 \sin\left(\frac{x}{2}\right) A(x) = \sin\left(\frac{2p+1}{2}x\right) - \sin\left(\frac{x}{2}\right)$

3- بين أن: $A(x) = \frac{\cos\left(\frac{n+1}{2}x\right) \cdot \sin\left(\frac{nx}{2}\right)}{\sin\left(\frac{x}{2}\right)}$

4- بين أن: $B(x) = \frac{1}{2}(n - A(2x))$

استنتج قيمة $B(x)$ بدلالة n و x

الثلاثاء 09-2-3

درس الحساب المثلثي
تمرين : رقم 5 أنظر نص الفرض

الأربعاء 09-2-4

تتمة درس الحساب المثلثي صيغ التحويل (fin)

الجمعة 09-2-6

تمارين على الحساب المثلثي

السبت 09-2-7

تمارين الحساب التثلثي

أنظر السلسلة

بداية درس النهايات

أنشطة

نشاط 1

ربط مع المنطق

العبارة : $\forall \varepsilon > 0 \exists \alpha > 0 : \forall x \in \mathbb{R}, |x-2| < \alpha \Rightarrow |2x-4| < \varepsilon$

العبارة : $\forall \varepsilon > 0 \exists \alpha > 0 : \forall x \in \mathbb{R}, |x-2| < \alpha \Rightarrow |x^2-4| < \varepsilon$

2

$$f(x) = \frac{x^3}{|x|} :$$

. 0

.....

09-2-13:

09-2-14 :

-1

0

-

-

09-2-17

-3

0

-

1

-

-

-4

-

-

-

-5

-5

cos

sin

-6

09-2-18

: 09-2-20